

- [Tutorial](#)
- [Exercícios](#)
- [Apostila](#)

2. Funções Matemáticas e Estatísticas

O R como uma Calculadora Fora do Comum

Operações Aritméticas Básicas

A linha de comando do R funciona como uma calculadora. Todas operações aritméticas e funções matemáticas principais estão disponíveis. Exemplo:

```
> 4 + 9
[1] 13
> 4 - 5
[1] -1
> 4 * 5
[1] 20
> 4 / 5
[1] 0.8
> 4^5
[1] 1024
>
```

A notação básica de operações algébricas, como a aplicação hierárquica de parênteses, também pode ser utilizada:

```
> (4 + 5 ) * 7 - (36/18)^3
[1] 55
> (2 * ( 2 * ( 2 * (3-4))))
[1] -8
>
```

Note que somente os parênteses podem ser utilizados nas expressões matemáticas. As chaves (“{ }”) e os colchetes (“[]”) têm outras funções no R:

```
> (2 * { 2 * [ 2 * (3-4)]})
Error: syntax error in "(2 * { 2 * ["
>
```

Por que o R é uma calculadora **fora do comum** ? Experimente fazer a seguinte operação matemática na sua calculadora:

```
> 1 - (1 + 10^(-15))
```

Funções Matemáticas Comuns

As funções matemáticas comuns também estão disponíveis e podem ser aplicadas diretamente na linha de comando:

```
> sqrt(9)    # Raiz Quadrada
[1] 3
> abs( - 1 )  # Módulo ou valor absoluto
[1] 1
> abs( 1 )
[1] 1
> log( 10 )   # Logaritmo natural ou neperiano
[1] 2.302585
> log( 10, base = 10) # Logaritmo base 10
[1] 1
> log10(10)   # Também logaritmo de base 10
[1] 1
> log( 10, base = 3.4076) # Logaritmo base 3.4076
[1] 1.878116
> exp( 1 )    # Exponencial
[1] 2.718282
>
```

As funções trigonométricas:

```
> sin(0.5*pi)    # Seno
[1] 1
> cos(2*pi)      # Coseno
[1] 1
> tan(pi)        # Tangente
[1] -1.224647e-16
>
> asin(1)        # Arco seno (em radianos)
[1] 1.570796
> asin(1) / pi * 180
[1] 90
>
> acos(0)        # Arco coseno (em radianos)
[1] 1.570796
> acos(0) / pi * 180
[1] 90
> atan(0)        # Arco tangente (em radianos)
[1] 0
> atan(0) / pi * 180
[1] 0
>
```

Funções para arredondamento:

```
> ceiling( 4.3478 )
```

```
[1] 5
> floor( 4.3478 )
[1] 4
> round( 4.3478 )
[1] 4
> round( 4.3478 , digits=3)
[1] 4.348
> round( 4.3478 , digits=2)
[1] 4.35
>
```

Funções matemáticas de especial interesse estatístico:

```
> factorial( 4 )          # Fatorial de 4
[1] 24
> choose(10, 3)           # Coeficientes binomiais: combinação de 10 3-a-3
[1] 120
>
```

Criando Variáveis com Atribuição

Mais do que simples operações aritméticas, o R permite que executemos operações **algébricas** operando sobre variáveis pré-definidas.

Para definir uma variável, basta escolher um nome (*lembre-se das regras de nomes no R*) e atribuir a ela um valor:

```
>
> a = 3.6
> b = sqrt( 35 )
> c = -2.1
> a
[1] 3.6
> b
[1] 5.91608
> c
[1] -2.1
>
> a * b / c
[1] -10.14185
> b^c
[1] 0.02391820
> a + exp(c) - log(b)
[1] 1.944782
>
> a - b * c / d
Error: object "d" not found
>
```

Não esqueça de definir as variáveis previamente!!

Exercícios**Exercício 2.1. Estimador de Pollard**

Pollard (1971) propôs o seguinte estimador para estimar a densidade no método de quadrantes:

$$\hat{N} = \frac{4(4n-1)}{\pi \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^4 r_{ij}^2}$$

onde, r_{ij} é a distância de árvore do quadrante j no ponto i ao centro do ponto quadrante e n é o número de pontos quadrantes.

A variância desse estimador é:

$$\text{Var}(\hat{N}_p) = \frac{\hat{N}_p}{4n-2}$$

Imagine que foram amostrados 30 quadrantes, e que o valor da soma do quadrado das distâncias de cada árvore ao centro de seu quadrante foi de:

$$\sum_{i=1}^{30} \sum_{j=1}^4 r_{ij}^2 = 2531,794$$

1. Qual a densidade estimada?
2. Qual a variância?

Exercício 2.2. Área transversal de uma Árvore

A área transversal de uma árvore é calculada assumindo que a secção transversal do tronco à altura do peito (1,3m) é perfeitamente circular. Se o diâmetro à altura do peito (DAP) de uma árvore for 13.5cm, qual a área transversal?

Se uma árvore possui três fustes com DAPs de: 7cm, 9cm e 12cm, qual a sua área transversal?

Exercício 2.3. Área transversal de uma Árvore (Revisitado)

Se uma árvore possui três fustes com DAPs de: 7cm, 9cm e 12cm, qual o diâmetro (único) que é equivalente à sua área transversal?

Exercício 2.4. Cálculo da Biomassa de Árvores do Cerrado

O modelo alométrico de biomassa ajustado para árvores do Cerradão estabelece que a biomassa é dada pela expressão:

$$\hat{b} = e^{-1,7953} d^{2,2974}$$

onde b é a biomassa em kg e d é o DAP em cm .

Já um outro modelo para biomassa das árvores na mesma situação tem a forma:

$$\hat{\ln(b)} = -2.6464 + 1,996\ln(d) + 0,7558\ln(h)$$

onde h é a altura das árvores em m .

Para uma árvore com DAP de $15cm$ e altura de $12m$, os modelos resultarão em estimativas muito distintas?

Mantendo a Coerência Lógica-Matemática

O R também lida com operações matemáticas que envolvem **elementos infinitos** e **elementos indeterminados**:

```
> 1/0
[1] Inf
> -5/0
[1] -Inf
> 5000000000000000000/Inf
[1] 0
> 0/0
[1] NaN
> Inf/Inf
[1] NaN
> log(0)
[1] -Inf
> exp(-Inf)
[1] 0
> sqrt(Inf)
[1] Inf
> sqrt( - 1 )
[1] NaN
Warning message:
NaNs produced in: sqrt(-1)
> 2 * NA
[1] NA
> 2 * NaN
[1] NaN
> NA / 10
[1] NA
> NaN / -1
[1] NaN
>
```

Note que determinadas **palavras** (além do nome das funções) estão reservadas no R, pois são utilizadas com significado especial:

- π - constante $\pi = 3.141593$;
- Inf - infinito;
- NaN - indeterminado (Not a Number), normalmente resultado de uma operação matemática indeterminada;

- NA - indeterminado (Not Available), normalmente caracterizando uma observação perdida (*missing value*).

Na operações matemáticas, NaN e NA atuam sempre como **indeterminado**.

2.5. Exercício Conceitual: Criando Variáveis com Nomes Reservados

O que acontece se você criar uma variável com o nome `pi`? Por exemplo,

```
> pi = 10
```

O que acontece com a constante `pi`?

E se for criada uma constante de nome `sqrt`? O que acontece com a função raiz quadrada (`sqrt()`)?

DICA: O que faz a função `search`, no comando:

```
> search()
```

Exercícios

2.6. Exercício Conceitual: O que é uma Observação Perdida

Como se caracteriza uma **observação perdida**?

Quando o diâmetro de uma árvore deve ter o valor **zero** ou o valor **NA**?

E o peso de um animal? E a biomassa de uma floresta? E a espécie de uma ave?

O R como uma Calculadora Vetorial

Criação de Vetores

O R, e a linguagem S, foram criados para operar não apenas *número-a-número* como uma calculadora convencional.

O R é um ambiente **vetorial**, isto é, quase todas suas operações atuam sobre um *conjunto de valores*, que genericamente chamaremos de vetores¹.

Uma definição mais detalhada dos vetores está [na seção sobre manipulação de dados](#). Aqui fornecemos apenas algumas definições e funções importantes para compreender as operações numéricas com vetores.

Concatenação de Elementos em um Vetor: a Função "c"

Para criar um vetor, podemos usar a função `c` (`c` = colar, concatenar). Essa função simplesmente junta todos os argumentos dados a ela, formando um vetor:

```
> a = c(1, 10, 3.4, pi, pi/4, exp(-1), log( 2.23 ), sin(pi/7) )
> a
[1] 1.0000000 10.0000000 3.4000000 3.1415927 0.7853982 0.3678794
0.8020016 0.4338837
>
```

Criação de Sequências: Operador ":" e Função "seq"

Para criar vetores de números com intervalo fixo unitário (intervalo de 1) se utiliza o *operador seqüencial* (`:`):

```
> b = 1:8
> b
[1] 1 2 3 4 5 6 7 8
> c = 20:32
> c
[1] 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32
> d = 2.5:10
> d
[1] 2.5 3.5 4.5 5.5 6.5 7.5 8.5 9.5
```

Uma forma mais flexível de criar seqüências de números (inteiros ou reais) é usando a função `'seq'`:

```
> seq(10, 30)
[1] 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30
> seq(10, 30, by=2)
[1] 10 12 14 16 18 20 22 24 26 28 30
> seq(1.5, 7.9, length=20)
[1] 1.500000 1.836842 2.173684 2.510526 2.847368 3.184211 3.521053 3.857895
[9] 4.194737 4.531579 4.868421 5.205263 5.542105 5.878947 6.215789 6.552632
[17] 6.889474 7.226316 7.563158 7.900000
```

Vetores de Valores Repetidos: Função "rep"

Também é fácil criar uma seqüência de números repetidos utilizando a função `'rep'`:

```
> rep(5, 3)
[1] 5 5 5
> rep(1:5, 3)
[1] 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5
> rep(1:5, each=3)
[1] 1 1 1 2 2 2 3 3 3 4 4 4 5 5 5
```

>

Exercícios

Exercício 2.7. *Palmeira com Muitos Fustes I*

Uma palmeira perfilhada possui 10 fustes com os seguintes diâmetros: 5, 6, 7, 5, 10, 11, 6, 8, 9 e 7.

Crie um vetor 'dap' com os diâmetros acima e uma sequência que enumera os fustes.

Vetores: Operações Matemáticas

Todas operações matemáticas aplicadas sobre um vetor, serão aplicadas sobre cada elemento desse vetor:

```
> 2 * a
[1] 2.0000000 20.0000000 6.8000000 6.2831853 1.5707963 0.7357589
1.6040032
[8] 0.8677675
> sqrt( a )
[1] 1.0000000 3.1622777 1.8439089 1.7724539 0.8862269 0.6065307 0.8955454
[8] 0.6586985
>
> log( a )
[1] 0.0000000 2.3025851 1.2237754 1.1447299 -0.2415645 -1.0000000
-0.2206447
[8] -0.8349787
>
```

Se as variáveis que trabalhamos são vetores, operações matemáticas entre variáveis serão realizadas pareando os elementos dos vetores:

```
> a* b
[1] 1.0000000 20.0000000 10.2000000 12.566371 3.926991 2.207277 5.614011
[8] 3.471070
> a - b
[1] 0.0000000 8.0000000 0.4000000 -0.8584073 -4.2146018 -5.6321206
-6.1979984
[8] -7.5661163
> a^(1/b)
[1] 1.0000000 3.1622777 1.5036946 1.3313354 0.9528356 0.8464817 0.9689709
[8] 0.9008898
>
> sqrt( a )
```

```
[1] 1.0000000 3.1622777 1.8439089 1.7724539 0.8862269 0.6065307 0.8955454
[8] 0.6586985
> log( b )
[1] 0.0000000 0.6931472 1.0986123 1.3862944 1.6094379 1.7917595 1.9459101
[8] 2.0794415
>
```

Comprimento de Vetores e a Função "length"

A função `length` retorna o número de elementos de um objeto:

```
> a <- seq(from=0, to=10, by=2)
> a
[1] 0 2 4 6 8 10
> length(a)
[1] 6
> length(1:20)
[1] 20
> length(rep(1:10,each=10))
[1] 100
>
```

A Regra da Ciclagem

O comprimento é muito importante para as operações vetoriais, pois o R permite operações entre dois vetores de comprimentos diferentes, com a seguinte regra:

Ciclagem de Valores

Operações entre vetores de comprimentos diferentes são realizadas pareando-se seus elementos. Os elementos do vetor mais curto são repetidos sequencialmente até que a operação seja aplicada a todos os elementos do vetor mais longo

Quando o comprimento do vetor maior não é múltiplo do comprimento do maior, o R retorna o resultado e um aviso:

```
> b
[1] 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1
> c
[1] 1 2 3
> c*b
[1] 0 0 0 0 0 3 1 2 3 1
Warning message:
In c * b : longer object length is not a multiple of shorter object length
> length(b)
[1] 10
```

```
> length(c)
[1] 3
>
```

Mas se o comprimento do vetor maior é um múltiplo do maior, o R retorna apenas o resultado, sem nenhum alerta:

```
> a
[1] 1 2
> b
[1] 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1
> a*b
[1] 0 0 0 0 0 2 1 2 1 2
> length(b)/length(a)
[1] 5
>
```

Portanto **muito cuidado com as operações entre vetores de diferentes comprimentos**. A regra da ciclagem é um recurso poderoso da linguagem R ²⁾, mas se você não tiver clareza do que deseja fazer, pode obter resultados indesejados.

Exercícios

Exercício 2.8. *Palmeira com Muitos Fustes II*

Uma palmeira perfilhada possui 10 fustes com os seguintes diâmetros: 5, 6, 7, 5, 10, 11, 6, 8, 9 e 7.

1. Calcule a área transversal de cada fuste dessa palmeira. Guarde este resultado em novo objeto.
2. Calcule a média das áreas transversais, sem usar a função `mean`.
3. Calcule a variância das áreas transversais, sem usar a função `var`

Exercício 2.9. *Bits e Bytes*

Como construir uma sequência que representa o aumento do número de bits por byte de computador, quando se dobra o tamanho dos bytes?

Essa sequência numérica parte do 2 e dobra os valores a cada passo.

Vetores: Operações Estatísticas

As funções matemáticas sobre vetores operam *elemento-a-elemento*. Já as funções estatísticas operam no vetor **como um todo**:

```
> mean( a )  
[1] 2.491344  
> var( b )  
[1] 6  
> max( c )  
[1] 32  
> sd( a )  
[1] 3.259248  
> sum( c )  
[1] 338  
> min( b )  
[1] 1  
> range( c )  
[1] 20 32  
>
```

Algumas funções úteis que não são estatísticas, mas operam no vetor são:

```
> a  
[1] 1.0000000 10.0000000 3.4000000 3.1415927 0.7853982 0.3678794  
0.8020016  
[8] 0.4338837  
> sort(a)  
[1] 0.3678794 0.4338837 0.7853982 0.8020016 1.0000000 3.1415927  
3.4000000  
[8] 10.0000000  
> rev(sort(a))  
[1] 10.0000000 3.4000000 3.1415927 1.0000000 0.8020016 0.7853982  
0.4338837  
[8] 0.3678794  
> cumsum(sort(a))  
[1] 0.3678794 0.8017632 1.5871613 2.3891629 3.3891629 6.5307556  
9.9307556  
[8] 19.9307556  
> cumsum(a)  
[1] 1.000000 11.000000 14.400000 17.54159 18.32699 18.69487 19.49687 19.93076  
> diff(a)  
[1] 9.0000000 -6.6000000 -0.2584073 -2.3561945 -0.4175187 0.4341221  
-0.3681178  
> diff( seq(10, 34, length=15) )  
[1] 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286  
[9] 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286 1.714286  
>
```

Exercícios

Exercício 2.10. Conta de Luz

As leituras mensais do medidor de consumo de eletricidade de uma casa foram:

Jan	Fev	Mar	Abr	Mai	Jun	Jul	Ago	Set	Out	Nov	Dez
9839	10149	10486	10746	11264	11684	12082	12599	13004	13350	13717	14052

1. Calcule o consumo de cada mês neste período.
2. Qual foi o máximo e mínimo de consumo mensal?
3. Qual a média, mediana e variância dos consumos mensais?

As Funções no R

Já foi visto que ao se digitar o nome de uma função na linha de comando, o R retorna o **código** da função. Veja a diferença de:

```
> ls()
```

para:

```
> ls
```

A maioria das funções precisa de certas **informações** para orientar o seu procedimento, tais informações são chamados de **argumentos**.

Os argumentos de qualquer função são detalhadamente explicados nas páginas de ajuda sobre a função. Mas para uma rápida consulta dos argumentos de uma função podemos usar a função 'args':

```
> args(ls)
function (name, pos = -1, envir = as.environment(pos), all.names = FALSE,
  pattern)
NULL
> args(q)
function (save = "default", status = 0, runLast = TRUE)
NULL
> args(save.image)
function (file = ".RData", version = NULL, ascii = FALSE, compress = !ascii,
  safe = TRUE)
NULL
>
```

Algumas funções, entretanto, são primitivas ou internas e seus argumentos não são apresentados. Geralmente, nesses casos os argumentos são bastante óbvios:

```
> args(sin)
```

```
NULL
> sin
[1] 0
>
```

Outras funções simplesmente não possuem argumentos:

```
> args(getwd)
function ()
NULL
> getwd
function ()
[1] "/home/ecoR"
<environment: namespace:base>
>
```

Ao observar o resultado da função 'args', você notará que alguns argumentos são seguidos de uma expressão que se inicia com o sinal de igualdade ('='). A expressão após o sinal de igualdade é chamada de **valor default** do argumento. Se o usuário não informar o valor para um dado argumento, a função usa o valor default. Como exemplo veja a função 'save.image':

```
> args(save.image)
function (file = ".RData", version = NULL, ascii = FALSE, compress = !ascii,
         safe = TRUE)
NULL
>
```

Se o usuário simplesmente evocar a função 'save.image()', sem informar o nome do arquivo onde a área de trabalho deve ser gravada, o R gravará as informações num arquivo com nome '.RData'.

Exercícios

Exercício 2.11. Argumentos de Funções Estatísticas

Quais são os argumentos (e seus valores default) das seguintes funções:

- **mean**
- **sd**
- **range**
- **cumsum**

Exercício 2.12. Argumentos de Funções de Uso Comum

Quais são os argumentos (e seus valores default) das funções:

- **sort**
- **log**
- **seq**

O que é o argumento "..."?

Distribuições Estatísticas: Funções no R

Sendo um ambiente para análise de dados, o R dispõe de um grande conjunto de funções para trabalhar com *Distribuições Estatísticas*. Essas funções ajudam não só na análise de dados, como também permitem a *simulação* de dados.

Distribuição Normal

A distribuição Normal é a distribuição central da teoria estatística. Para gerar uma amostra de observações de uma distribuição normal utilizamos a função 'rnorm':

```
> args( rnorm )
function (n, mean = 0, sd = 1)
NULL
> vn1 = rnorm( 1000, mean = 40, sd = 9 )
> mean( vn1 )
[1] 39.47248
> sd( vn1 )
[1] 8.523735
> range( vn1 )
[1] 14.93126 62.11959
>
> vn2 = rnorm( 100000, mean = 40, sd = 9 )
> mean( vn2 )
[1] 40.02547
> sd( vn2 )
[1] 9.025218
> range( vn2 )
[1] 3.40680 78.25496
>
```

Se quisermos saber a *probabilidade acumulada* até um certo valor de uma variável com distribuição normal utilizamos a função 'pnorm':

```
> args(pnorm )
function (q, mean = 0, sd = 1, lower.tail = TRUE, log.p = FALSE)
NULL
>
> pnorm( 1.96, mean = 0 , sd = 1 )
[1] 0.9750021
> pnorm( 1.96 )
[1] 0.9750021
>
> pnorm( 27, mean = 20, sd = 7 )
[1] 0.8413447
> pnorm( 13, mean = 20, sd = 7 )
[1] 0.1586553
>
```

Se quisermos obter o valor de um *quantil* da distribuição normal utilizamos a função 'qnorm':

```
> args( qnorm )
function (p, mean = 0, sd = 1, lower.tail = TRUE, log.p = FALSE)
NULL
> qnorm( 0.90 )
[1] 1.281552
> qnorm( 0.30 )
[1] -0.5244005
>
> qnorm( 0.90, 20, 7)
[1] 28.97086
> qnorm( 0.30, 20, 7)
[1] 16.32920
>
```

A função 'dnorm' fornece a *densidade probabilística* para cada valor de uma variável Normal:

```
> args( dnorm )
function (x, mean = 0, sd = 1, log = FALSE)
NULL
> x = seq(-4, 4, length=10000)           # Sequência de -4 a 4 com 10.000
valores
>
> plot(x, dnorm(x))                     # Curva da Dist. Normal com média
0 e desvio padrão 1
> points(x, dnorm(x, sd=2))             # Curva da Dist. Normal com média
0 e desvio padrão 2 (adicionada ao gráfico)
>
```

Exercícios

Exercício 2.13 Amplitude Normal

Tomando uma variável que segue a Distribuição Normal, o que acontece com a *amplitude de variação* dos dados à medida que o tamanho da amostra cresce (por exemplo $n = 100, 1000, 10000$)?

Dica: use as funções `range` e `diff`

Exercício 2.14. Intervalo Normal I

Qual o intervalo da Distribuição Normal Padronizada que têm a média no centro e contem 50% das observações?

Exercício 2.15. Intervalo Normal II

Qual a probabilidade de uma observação da variável Normal Padronizada estar no intervalo $[-1.96, 1.96]$?

As Funções que Operam em Distribuições Estatísticas

O que foi apresentado para Distribuição Normal pode ser generalizado para todas as distribuições que o R trabalha.

Há quatro funções para se trabalhar com distribuições estatísticas:

- **ddistrib** - retorna a *densidade probabilística* para um dado valor da variável;
- **pdistrib** - retorna a *probabilidade acumulada* para um dado valor da variável;
- **qdistrib** - retorna o *quantil* para um dado valor de probabilidade acumulada;
- **rdistrib** - retorna *valores* (números aleatórios) gerados a partir da distribuição;

No caso da Distribuição Normal: *distrib* = norm. Para outras distribuições temos:

DISTRIBUIÇÕES ESTATÍSTICAS NO R		
Distribuição	Nome no R	Parâmetros ³⁾
beta	beta	shape1, shape2, ncp
binomial	binom	size, prob
Cauchy	cauchy	location, scale
qui-quadrado	chisq	df, ncp
exponential	exp	rate
F	f	df1, df2, ncp
gamma	gamma	shape, scale
geométrica	geom	prob
hypergeométrica	hyper	m, n, k
log-normal	lnorm	meanlog, sdlog
logística	logis	location, scale
binomial negativa	nbinom	size, prob
normal	norm	mean, sd
Poisson	pois	lambda
t de Student	t	df, ncp
uniforme	unif	min, max
Weibull	weibull	shape, scale
Wilcoxon	wilcox	m, n

Exercícios

Exercício 2.16. Teste *t*

Você realizou um teste *t* de Student bilateral e obteve o valor $t = 2.2$ com 19 graus de liberdade.

O teste é significativo ao nível de probabilidade de 5%? E se o valor observado fosse $t = 1.9$?

Exercício 2.17. Teste *F*

Você realizou um teste *F* e obteve o valor $F = 2.2$ com 19 graus de liberdade no numerador e 24 graus de liberdade no denominador.

O teste é significativo ao nível de probabilidade de 5%? E se o valor observado fosse $F = 2.5$?

Exercício 2.18. Padrão Espacial I

Gere duas amostras (p.ex.: x e y) de tamanho 1000 ($n=1000$) de números da distribuição Uniforme.

Faça um gráfico plotando uma amostra contra a outra (`plot(x,y)`). Qual o padrão espacial observado?

Você consegue explicá-lo?

Exercício 2.19. Padrão Espacial II

Gere duas amostras (p.ex.: x_p e y_p) de tamanho 10 ($n=10$) de números da distribuição Uniforme, com valor mínimo de zero e máximo de 100.

Gere duas amostras (p.ex.: x_f e y_f) de tamanho 1000 ($n=1000$) de números da distribuição Normal com média zero e desvio padrão 2)

Faça um gráfico plotando a soma das amostras X (x_p+x_f) contra a soma das amostras Y (y_p+y_f) (`plot(xp+xf, yp+yf)`).

Qual o padrão espacial observado? Você consegue explicá-lo?

Exercício 2.20. Gráfico Quantil-Quantil

Construa uma sequência **ordenada** de 1000 números entre 0 e 1:

```
> p = seq(0, 1, length=1000)
```

O vetor ' p ' representa um vetor de probabilidades acumuladas.

Gere 1000 números aleatórios da distribuição Normal com média e desvio-padrão 1 (um) e coloque os números em ordem:

```
> x = sort( rnorm(1000, mean=1) )
```

Faça um gráfico dos quantis da distribuição Normal, tomando o vetor ' p ' de probabilidades, contra os valores de ' x ':

```
> plot( qnorm(p, mean=1), x )
```

Como é o gráfico resultante?

Repita o mesmo processo para a distribuição Exponencial (' $rexp$ '), cujo valor *default* resulta em média = 1 . Como é o gráfico resultante? Por que?

Soluções dos Exercícios

1)

No R, “vetores” são uma classe de objetos definida simplesmente como conjuntos de elementos de um mesmo tipo. Os vetores do R não correspondem a vetores de valores da álgebra matricial, para os quais há outra classe de objetos, que é “matrix”

2)

A vantagem mais óbvia da regra da ciclagem é a possibilidade de multiplicação de um vetor por um valor único. Você compreende por que?

3)

os argumentos de cada função incluem estes parâmetros, entre outras coisas

From:

<http://ecor.ib.usp.br/> - **ecoR**

Permanent link:

http://ecor.ib.usp.br/doku.php?id=03_apostila:03-funcoes&rev=1597593101



Last update: **2020/08/16 12:51**